

Das Umformen von Summen in Produkte (Ausklammern)

Beispiel:

$$xy + xz + x = x(y + z + 1)$$

$$\begin{array}{c} \xrightarrow{\text{Ausmultiplizieren}} \\ a \cdot (b + c) = a \cdot b + a \cdot c \\ \xleftarrow{\text{Ausklammern}} \end{array}$$

Eine Summe wird in ein Produkt verwandelt, indem man gemeinsame Faktoren mit der Summe der übrigen Faktoren multipliziert (Faktorisieren).

Aufgaben:

- 1 $2bx + 4xa$
- 2 $(x + y) \cdot p + (x + y) \cdot q$
- 3 Ausklammern von (-1) :
 $(x + y)$
 $(-2a + b)$
- 4 $12a^4 + 3a^2b^2 - 12a^3b$
- 5 $(5m + 7)(3x - 3y) + (3 - m)(5x - 5y)$
- 6 $bu - du - bv + dv + bw - dw$
- 7 $88ax^3 - 22ax^2 + 132bx^3 - 33bx^2$
- 8 $(2a - b)(x + y) - (a - b)(2x + 2y)$
- 9 $ax + ay + bx + by + cx + cy$
- 10 $175ax + 75ay - 35bx - 15by$
- 11 $12a^4b^3 + 3a^2b^5$
- 12 $12x - 20y + 5a^2y - 3a^2x$

Lösungen zu den Aufgaben:

1 $2bx + 4xa = 2x(b + 2a)$

2 $(x + y) \cdot p + (x + y) \cdot q = (x + y) \cdot (p + q)$

3 Ausklammern von (-1):

$$(x + y) = (-1)(-x - y)$$

$$(-2a + b) = (-1)(2a - b)$$

4 $12a^4 + 3a^2b^2 - 12a^3b = 3a^2(4a^2 + b^2 - 4ab) = 3a^2(2a - b)^2$

5 $(5m + 7)(3x - 3y) + (3 - m)(5x - 5y) = (5m + 7) \cdot 3 \cdot (x - y) + (3 - m) \cdot 5 \cdot (x - y) =$

$$(x - y)[(5m + 7) \cdot 3 + (3 - m) \cdot 5] = (x - y)[15m + 21 + 15 - 5m] = (x - y)(10m + 36) = (x - y) \cdot 2 \cdot (5m + 18)$$

6 $bu - du - bv + dv + bw - dw = u(b - d) - v(b - d) + w(b - d) = (b - d)(u - v + w)$

7 $88ax^3 - 22ax^2 + 132bx^3 - 33bx^2 = 11x^2(8ax - 2a + 12bx - 3b) = 11x^2[2a(4x - 1) + 3b(4x - 1)] =$
 $11x^2(4x - 1)(2a + 3b)$

8 $(2a - b)(x + y) - (a - b)(2x + 2y) = (2a - b)(x + y) - (a - b) \cdot 2 \cdot (x + y) = (x + y)[2a - b - 2 \cdot (a - b)] =$
 $(x + y)(2a - b - 2a + 2b) = (x + y) \cdot b$

9 $ax + ay + bx + by + cx + cy = a(x + y) + b(x + y) + c(x + y) = (x + y)(a + b + c)$

10 $175ax + 75ay - 35bx - 15by = 25a(7x + 3y) - 5b(7x + 3y) =$

$$(7x + 3y)(25a - 5b) = (7x + 3y) \cdot 5 \cdot (5a - b)$$

11 $12a^4b^3 + 3a^2b^5 = 3a^2b^3(4a^2 + b^2)$

12 $12x - 20y + 5a^2y - 3a^2x = 12x - 3a^2x - 20y + 5a^2y = 3x(4 - a^2) - 5y(4 - a^2) =$

$$(4 - a^2)(3x - 5y) = (2 - a)(2 + a)(3x - 5y)$$