

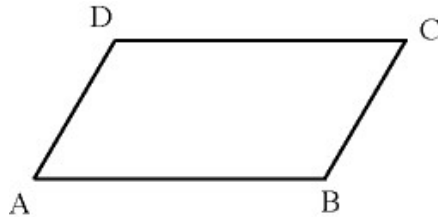
## Linearkombination von Vektoren (Vektorketten)

Beispiele:

1) Parallelogramm:

Gegeben ist das Parallelogramm ABCD, das durch die Vektoren  $\vec{a} = \overrightarrow{AB}$  und  $\vec{b} = \overrightarrow{BC}$  aufgespannt wird.

Drücken Sie die Vektoren  $\overrightarrow{AC}$  und  $\overrightarrow{BD}$  durch die gegebenen Vektoren  $\vec{a}$  und  $\vec{b}$  aus.



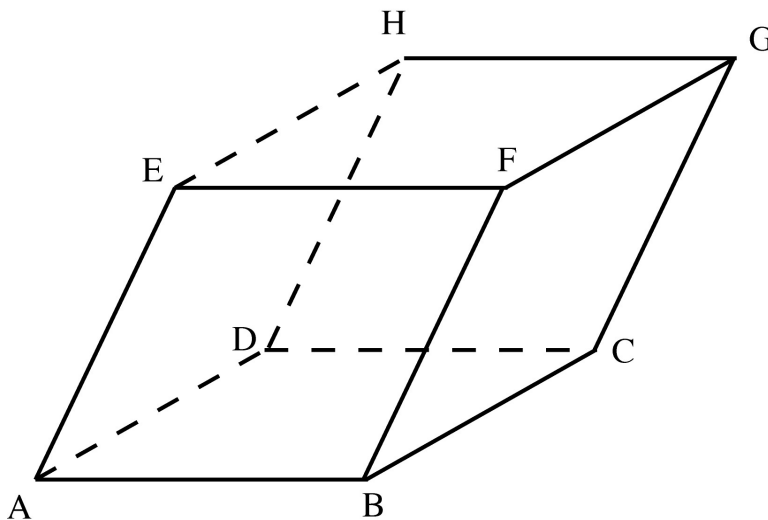
$$\overrightarrow{AC} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC} = \vec{a} + \vec{b}$$

$$\overrightarrow{BD} = \overrightarrow{BA} + \overrightarrow{AD} = -\vec{a} + \vec{b}$$

2) Parallelepiped (Spat):

Die Vektoren  $\vec{a} = \overrightarrow{AB}$ ,  $\vec{b} = \overrightarrow{BC}$  und  $\vec{c} = \overrightarrow{CG}$  spannen ein Parallelepiped auf.

Drücken Sie die Vektoren  $\overrightarrow{BD}$ ,  $\overrightarrow{BE}$ ,  $\overrightarrow{AH}$  und  $\overrightarrow{BH}$  durch die gegebenen Vektoren  $\vec{a}$ ,  $\vec{b}$  und  $\vec{c}$  aus.



$$\overrightarrow{BD} = \overrightarrow{BA} + \overrightarrow{AD} = -\vec{a} + \vec{b}$$

$$\overrightarrow{BE} = \overrightarrow{BA} + \overrightarrow{AE} = -\vec{a} + \vec{c}$$

$$\overrightarrow{AH} = \overrightarrow{AD} + \overrightarrow{DH} = \vec{b} + \vec{c}$$

$$\overrightarrow{BH} = \overrightarrow{BA} + \overrightarrow{AD} + \overrightarrow{DH} = -\vec{a} + \vec{b} + \vec{c}$$

Aufgaben:

1) Die Vektoren  $\vec{a} = \overrightarrow{AB}$ ,  $\vec{b} = \overrightarrow{BC}$  und  $\vec{c} = \overrightarrow{CG}$  spannen ein Parallelfach auf.

Gegeben sind ferner  $\overrightarrow{AA_1} = \frac{2}{5}\vec{a}$  und  $\overrightarrow{AA_2} = \frac{4}{7}\vec{b}$ .

Drücken Sie die Vektoren  $\overrightarrow{A_1G}$ ,  $\overrightarrow{A_2F}$  und  $\overrightarrow{A_1M}$ , wobei M der Mittelpunkt des Parallelogramms BCGF ist, durch die gegebenen Vektoren  $\vec{a}$ ,  $\vec{b}$  und  $\vec{c}$  aus.

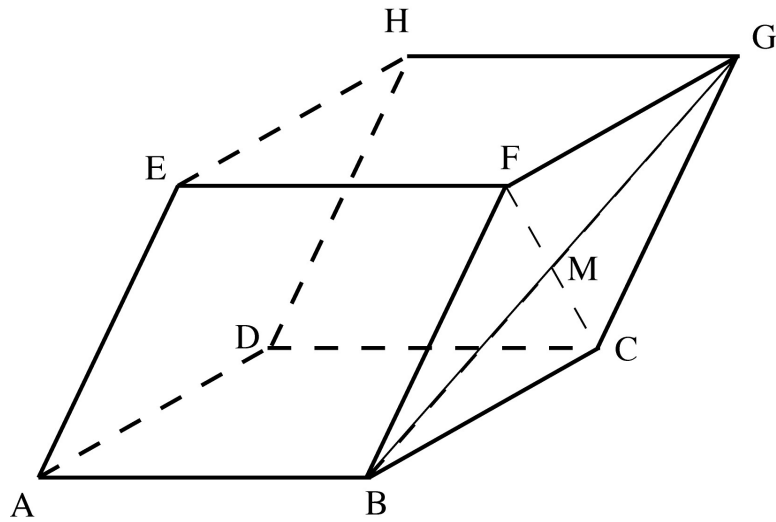
2) Gegeben ist das Parallelogramm ABCD, das durch die Vektoren  $\vec{a} = \overrightarrow{AB}$  und  $\vec{b} = \overrightarrow{AD}$  aufgespannt wird.

Für die Punkte E und F gilt:  $\overrightarrow{DE} = \frac{1}{3}\overrightarrow{DC}$  und  $\overrightarrow{AF} = \frac{2}{3}\overrightarrow{AB}$

Drücken Sie den Vektor  $\overrightarrow{EF}$  durch die gegebenen Vektoren  $\vec{a}$  und  $\vec{b}$  aus.

Lösungen:

1)

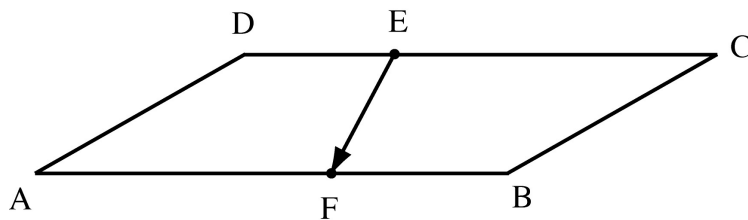


$$\overrightarrow{A_1G} = \overrightarrow{A_1B} + \overrightarrow{BC} + \overrightarrow{CG} = \frac{3}{5}\vec{a} + \vec{b} + \vec{c}$$

$$\overrightarrow{A_2F} = \overrightarrow{A_2D} + \overrightarrow{DH} + \overrightarrow{HG} + \overrightarrow{GF} = \frac{3}{7}\vec{b} + \vec{c} + \vec{a} - \vec{b} = \vec{a} - \frac{4}{7}\vec{b} + \vec{c}$$

$$\overrightarrow{A_1M} = \overrightarrow{A_1B} + \overrightarrow{BM} = \frac{3}{5}\vec{a} + \frac{1}{2}\overrightarrow{BG} = \frac{3}{5}\vec{a} + \frac{1}{2}(\overrightarrow{BC} + \overrightarrow{CG}) = \frac{3}{5}\vec{a} + \frac{1}{2}\vec{b} + \frac{1}{2}\vec{c}$$

2)



$$\overrightarrow{EF} = \overrightarrow{ED} + \overrightarrow{DA} + \overrightarrow{AF} = -\frac{1}{3}\vec{a} - \vec{b} + \frac{2}{3}\vec{a} = \frac{1}{3}\vec{a} - \vec{b}$$