

## Quadratische Ungleichungen

Beispiele:

1  $x^2 - 6x + 5 \leq 0$

2  $x^2 - 4x > 0$

3  $2x^2 + 8x - 3 \geq -6$

4  $x^2 - 6x + 5 \geq -3$

5  $\frac{1}{2}x^2 - x < 2,5$

Lösungen:

1  $x^2 - 6x + 5 \leq 0$

Nullstellen bestimmen:

$$x^2 - 6x + 5 = 0$$

$$(x-1)(x-5) = 0 \Rightarrow x_1 = 1 \quad x_2 = 5$$

Skizze:

$$IL = [1; 5]$$

2  $x^2 - 4x > 0$

Nullstellen bestimmen:

$$x^2 - 4x = 0$$

$$x(x-4) = 0 \Rightarrow x_1 = 0 \quad x_2 = 4$$

Skizze:

$$IL = ]-\infty; 0[ \cup ]4; \infty[$$

3  $2x^2 + 8x - 3 \geq -6 \Rightarrow 2x^2 + 8x + 3 \geq 0$

Nullstellen bestimmen:

$$2x^2 + 8x + 3 = 0$$

$$x_{1/2} = \frac{-8 \pm \sqrt{64 - 4 \cdot 2 \cdot 3}}{4} = \frac{-8 \pm \sqrt{64 - 24}}{4} = \frac{-8 \pm \sqrt{40}}{4}$$

$$\Rightarrow x_1 = -2 + \frac{1}{2}\sqrt{10} \quad x_2 = -2 - \frac{1}{2}\sqrt{10}$$

Skizze:

$$IL = \left] -\infty; -2 - \frac{1}{2}\sqrt{10} \right] \cup \left[ -2 + \frac{1}{2}\sqrt{10}; \infty \right[$$

$$4 \quad x^2 - 6x + 5 \geq -3 \Rightarrow x^2 - 6x + 8 \geq 0$$

Nullstellen bestimmen:

$$x^2 - 6x + 8 = 0$$

$$(x-2)(x-4) = 0 \Rightarrow x_1 = 2 \quad x_2 = 4$$

Skizze:

$$IL = ]-\infty; 2] \cup [4; \infty[$$

$$5 \quad \frac{1}{2}x^2 - x < 2,5 \Rightarrow \frac{1}{2}x^2 - x - 2,5 < 0$$

Nullstellen bestimmen:

$$\frac{1}{2}x^2 - x - 2,5 = 0$$

$$x_{1/2} = \frac{1 \pm \sqrt{1 - 4 \cdot \frac{1}{2} \cdot (-2,5)}}{1} = \frac{1 \pm \sqrt{6}}{1}$$

$$\Rightarrow x_1 = 1 + \sqrt{6} \quad x_2 = 1 - \sqrt{6}$$

Skizze:

$$IL = ]1 - \sqrt{6}; 1 + \sqrt{6}[$$